

**Зад.1 Приятелски числа** Да се състави програма, която по зададен интервал  $[K,L]$  ( $K$  и  $L$  цели положителни не по-големи от 10000) отпечатва най-голямата двойка приятелски числа в този интервал.  $K$  и  $L$  се въвеждат от клавиатурата. Две числа са приятелски ако са прости и разликата им по модул е равна на 2. Ако няма приятелски числа в интервала програмата отпечатва 0.

**Примерен вход**

10 50

**Примерен изход**

43 41

**Решение**

```
#include<iostream>
using namespace std;
int simple(int x)
{
int d;
    if(x==0||x==1)return 0;
    for(d=2; d<=x/2;d++)
        if(x%d==0)return 0;
    return 1;
}
int main()
{
int m,n;
bool b=false;
    cin>>m>>n;
    for(int i=n;i>=m;i--)
    {
        int j=i-2;
        if(simple(i)&&simple(j))
            { b=true; cout<<i<<" "<<j<<endl; break; }
    }
    if(b==false) cout<<"Niama takiva chisla!"<<endl;
return 0;
}
```

Трябва да съобразим, че най-бързия начин да намерим най-голямата двойка приятелски числа в интервала  $[K,L]$  е да започнем обхождането на интервала отзад напред, като на всяка стъпка проверяваме дали числото, което е с 2 по-малко от текущото и текущото са прости. Ако това е така, означава, че сме намерили двойка приятелски числа и тя е най-голямата, което

означава, че трябва да преустановим търсенето. Това ще се осъществи с оператор **break**. Ако търсенето е приключило и не е намерена такава двойка числа програмата трябва да отпечата 0. За тази цел ще декларираме променлива **b** която ще има стойност **true** ако сме намерили приятелски числа и **false** в противен случай.

**Зад.2 Сума от цифри** Да се състави програма, която въвежда от клавиатурата две цели числа  $L$  и  $K$  и извежда всички числа в интервала  $[L,K]$  ( $0 < L < K \leq 1000000$ ), които имат сума от цифрите, кратна на 11.

**Примерен вход**

545 597

**Примерен изход**

551

560

589

**Решение**

```
#include <iostream>
using namespace std;
int Suma(int a)
{
int sum=0;
    while(a)
    {
        sum=sum+a%10 ;
        a=a/10 ;
    }
return sum;
}
int main()
{
int K,L,i;
    cout<<"Vavedi nachalo na intervala=";
    cin>>K;
    cout<<"Vavedi kray na intervala=";
    cin>>L;
    for (i=K; i<=L; i++)
        if ((Suma(i)%11)==0)
            cout<<"Chislata sa:"<<i<<endl;
return 0;
}
```

**Зад.3 Най-голям общ делител** Да се състави програма, която въвежда от клавиатурата три цели числа  $m$ ,  $n$  и  $k$  и извежда всички двойки числа в интервала  $[m, n]$  ( $0 < m < n \leq 1000$ ), които имат най-голям общ делител по-голям или равен на  $k$ .

**Примерен вход**

11 27 8

**Примерен изход**

11 22  
12 24  
13 26  
16 24  
18 27

**Решение**

```
#include <iostream>
using namespace std;
int NOD (int a, int b)
{
    while(a!=b)
        if (a<b) b-=a;
        else a-=b;
return a;
}
int main()
{
int m,n,k;
cout<<"Vavedi nachalo na intervala=";
    cin>>m;
cout<<"Vavedi kray na intervala=";
    cin>>n;
cout<<"Vavedi delitel=";
    cin>>k;
    for (int i=m ; i<n; i++)
        for (int j=i+1; j<=n; j++)
            if(NOD(i,j)>=k) cout<<i<<" "<<j<<endl;
return 0;
}
```

За решението на задачата ще използваме алгоритъма на Евклид за намиране на най-голям делител на две числа  $a$  и  $b$ :

1. Докато числата не са равни повтаряме следното:

-ако  $a < b$  изваждаме  $a$  от  $b$  и резултата присвояваме на  $b$ ;

-в противен случай изваждаме  $b$  от  $a$  и резултата присвояваме на  $a$ .

Когато двете числа се изравнят, е намерен най-големият им общ делител и той е равен на получената една и съща стойност за двете числа.

На базата на така описания алгоритъм можем да съставим функция, която да приема като параметри числата, чийто НОД търсим и връща като резултат намерения НОД. Както параметрите, така и типа на функцията са цели числа.

За да намерим всички двойки числа в интервала  $[m, n]$ , които имат най-голям общ делител по-голям или равен на  $k$ , е необходимо да разгледаме всички възможни двойки числа в този интервал, за всяка да проверим дали отговаря на условието и ако е така - да я отпечатаме. Обхождането на всички двойки ще реализираме чрез два вложени цикъла `for`, в единия от които управляващата променлива  $i$  приема последователно като стойности всички числа в интервала, а другия обхожда всички числа от  $i+1$  до края на интервала  $n$ . За всяка получена двойка се проверява дали резултатът от функцията `NOD` е по-голям или равен на  $k$ . Ако е така, съответната двойка се отпечатва на екрана.

Източник: Школа по програмиране Telerik Kids Academy